

fra l'area di questa ellisse sferica e l'area della superficie totale della sfera. Per tal guisa la quistione è ridotta alla ricerca dell'area dell'ellisse sferica.

Riferendo i punti della superficie sferica ad un sistema di coordinate polari per mezzo delle forinole:

$$x' = \cos(\varphi \cos \alpha), \quad y' = \cos \varphi \sin \alpha,$$

$\varphi = \sin(\vartheta)$ , l'equazione in  $\alpha$ ,  $\vartheta$  dell'ellisse sferica è la seguente :

$$a \cos^2 \vartheta \cos^2 \alpha - b \cos^2 \vartheta \sin^2 \alpha - e \sin^2 \vartheta = 0.$$

Siccome la quantità  $-\cotg^2 \vartheta$  è, per le ipotesi fatte, essenzialmente positiva, così lo stesso ha luogo per la quantità

$$a \cos^2 \alpha - b \sin^2 \alpha$$

$\alpha$ , ed a maggior ragione per la quantità

$$a \cos^2 \alpha - b \sin^2 \alpha - e;$$

possiamo dunque mettere l'equazione precedente

sotto la forma

$$(6) \quad \sin \vartheta = \frac{\sqrt{a \cos^2 \alpha - (b \sin^2 \alpha - e)}}{\sqrt{a \cos^2 \alpha - b \sin^2 \alpha - e}}$$

senza temere la comparsa degli immaginar], e possiamo di più riguardare entrambi i radicali come positivi, giacché non abbiamo bisogno di considerare che il quarto d'ellisse situato nella regione delle  $x', y', \vartheta$  positive.

Ora la formola generale per la quadratura indefinita delle aree sferiche è  $\int \sin \vartheta d\alpha$ .

dunque si osserva che la figura da noi considerata è simmetrica <sup>\*)</sup>Se rispetto agli archi

di circolo massimo  $\alpha = 0, \vartheta = 0$ , si avrà, indicando con  $L$  l'angolo solido cercato,

$$(7) \quad \int_0^L \sin \vartheta d\alpha = \int_0^L \frac{\sqrt{a \cos^2 \alpha - (b \sin^2 \alpha - e)}}{\sqrt{a \cos^2 \alpha - b \sin^2 \alpha - e}} d\alpha$$

dove  $\alpha_0$  è il valore di  $\alpha$  che corrisponde a  $\vartheta = 0$ , cioè il valore reale e positivo dato dall'equazione

ossia

(8) Poniamo  
,

$$a \cos^2 \alpha - b \sin^2 \alpha = 1$$